

漸化式を用いた計算機合成フレネルホログラムの計算

A Recurrent Equation for display CGHs

松島恭治[†], 高井正弘K. Matsushima[†] and M. Takai

関西大学工学部電気工学科

Department of Electrical Engineering, Kansai University

1 はじめに

ディスプレイ用の計算機合成フレネルホログラムを生成する場合, 大量の点光源光波の計算を高速で行わなければならない. 光波計算においては, 点光源と観測位置の3次元距離の計算が大きなウェイトを占める. これを高速化するため, 開平演算の近似多項式で初めの2項だけを用いる高速計算法がある [1, 2]. しかしながら, この近似計算法では物体光の入射角が大きい時, 著しく計算精度が落ちる問題点がある.

本報告では, この計算精度悪化を避けるために, 漸化式を用いた高精度近似計算法を提案する.

2 漸化式による距離計算

以下, 水平視差のみのホログラムを考える. $z = 0$ の平面上に位置するホログラムのセル ($x = x_0 + x_n$) での, 位置 (x_0, y_0) の点光源の光波を計算するためには, 2点間の距離,

$$r(x_n) = \sqrt{x_n^2 + z_0^2} \quad (1)$$

が必要であり (図 1), 計算時間短縮のために, 開平計算の2項近似式,

$$r(x_n) \simeq z_0 + \frac{x_n^2}{2z_0} \quad (2)$$

が用いられる. しかしながら, この近似は $z_0 \gg x_n$ において成り立ち, x_n の増加にしたがって急速に誤差が増加する問題点がある.

そこで, 我々は計算精度を改善すべく, 漸化式を用いた計算法を考案した. すなわち, $r(x_n) \gg \delta x$ より, $r(x_{n+1}) = r(x_n + \delta x)$ のテイラー展開

$$\begin{aligned} r(x_{n+1}) &= r(x_n) + \delta x r'(x_n) + \frac{\delta x^2}{2} r''(x_n) + \dots \\ &= r(x_n) + \left(x_n + \frac{\delta x}{2}\right) \alpha_n - \frac{x_n^2}{2r(x_n)} \alpha_n^2 + \dots \end{aligned}$$

を求め, $\alpha_n (\equiv \delta x / r(x_n))$ の1次の項までを用いることにより, 漸化式

$$r_{n+1} = r_n + \frac{s_n + \delta x^2 / 2}{r_n} \quad (3)$$

$$s_{n+1} = s_n + \delta x^2 \quad (4)$$

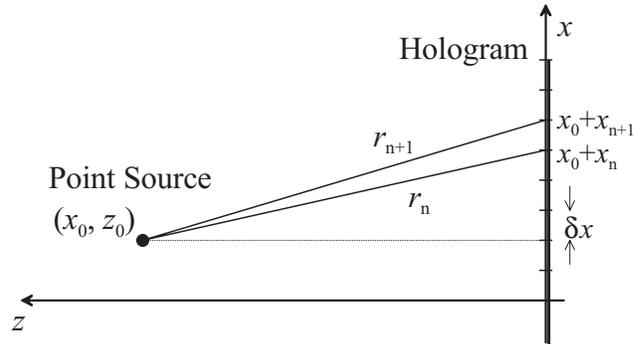


図 1 距離計算

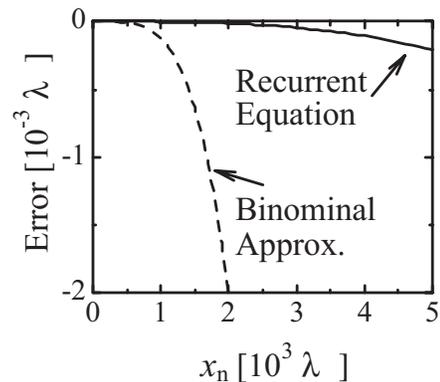
を得た. ここで, $r_0 = z_0$, $s_0 = 0$ である. この漸化式では, 3回の加算と1回の除算により, 1ステップの計算が可能である.

3 距離計算の精度とまとめ

提案する漸化式, および2項近似式を用いた距離計算結果の誤差を波長を単位として図 2 に示した. この結果からわかるとおり, 本報告で提案する漸化式は, 2項近似に比べて高い精度を有しており, 特に解像度 (δx) の高い表示デバイスに有効である.

参考文献

- [1] 西川, 岡田, 松本, 吉川, 佐藤, 本田: “フレネルホログラム計算のハードウェア化の検討”, 3次元画像コンファレンス'95, p. 7 (1995).
- [2] 岩瀬, 吉川: “差分を用いたフレネルホログラム計算”, 電子情報通信学会ソサエティ大会, D-306 (1996).

図 2 距離計算の誤差 ($\delta x = 10\lambda$, $z_0 = 10^5\lambda$)[†]E-mail: matsu@laser.ee.kansai-u.ac.jp